

## 3.1 Δεδομένα

Κάθε στοιχείο που γίνεται αντιληπτό με μία από τις πέντε αισθήσεις μας είναι ένα δεδομένο. Τα δεδομένα μπορούν να αναπαραστήσουν αφαιρετικά την πραγματικότητα δηλαδή να μας δείχνουν μία απλοποιημένη όψη της. Π.χ. τα δεδομένα σε ένα αρχείο μαθητών είναι το όνομα, ηλικία, φύλο, τάξη, τμήμα, δεν θα είναι το βάρος, ύψος ή ότι άλλο δεν χρειάζεται να γνωρίζουμε για το μαθητή.

Η επεξεργασία των ακατέργαστων δεδομένων (με κάποιο αλγόριθμο) και ο συσχετισμός τους μας δίνουν τις πληροφορίες βάση των οποίων γίνονται κάποιες ενέργειες οι οποίες μπορούν να παράγουν νέα δεδομένα νέες πληροφορίες, κ.ο.κ.

*Η πληροφορική εξετάζει τα δεδομένα από τις ακόλουθες σκοπιότητες:*

**Υλικού**

**Γλωσσών προγραμματισμού**

**Δομών Δεδομένων**

**Ανάλυσης δεδομένων**



Μία θέση της μνήμης έχει περιεχόμενο 11110001 .Η τιμή αυτή μπορεί να παριστάνει:

- Τον χαρακτήρα `_` σε κώδικα ASCII.
- Τον χαρακτήρα `ρ` στον κώδικα ΕΛΟΤ 928.
- Την τιμή 241 στο δυαδικό σύστημα.
- Την τιμή -14 στο δυαδικό σύστημα (συμπλήρωμα ως προς 1).
- Την τιμή -15 στο δυαδικό σύστημα (συμπλήρωμα ως προς 2).
- Επίσης αν είναι χαρακτήρας μπορεί να είναι μέρος ενός αλφαριθμητικού.
- Αν είναι αριθμητική τιμή μπορεί να αναπαριστά δεδομένο, διεύθυνση μνήμης ή τον κώδικα μίας εντολής.

## 3.2 Αλγόριθμοι + Δομές δεδομένων = Προγράμματα



Δομή δεδομένων είναι ένα σύνολο αποθηκευμένων δεδομένων που υφίστανται επεξεργασία από ένα σύνολο λειτουργιών.

### Οι βασικές λειτουργίες στους κόμβους των δομών δεδομένων

- ✓ Προσπέλαση: Η πρόσβαση σε ένα κόμβο με σκοπό να τον εξετάσουμε ή να τον τροποποιήσουμε.
- ✓ Εισαγωγή: Η πρόσθεση ενός νέου κόμβου.
- ✓ Διαγραφή: Η αφαίρεση ενός υπάρχοντος κόμβου.
- ✓ Αναζήτηση: Η προσπέλαση των κόμβων με σκοπό τον εντοπισμό κάποιων από αυτούς βάση κάποιας ιδιότητας που έχουν.
- ✓ Ταξινόμηση: Η αναδιάταξη των κόμβων κατά αύξουσα ή φθίνουσα σειρά.
- ✓ Αντιγραφή κόμβων σε άλλη δομή δεδομένων.
- ✓ Συγχώνευση δύο ή περισσότερων δομών δεδομένων σε μία.
- ✓ Διαχωρισμός: Το αντίθετο της συγχώνευσης.



Να γραφεί αλγόριθμος που να δέχεται ως είσοδο το όνομα ενός συνδρομητή του ΟΤΕ και να δίνει ως έξοδο το τηλέφωνό του.

## Λύση 1η

Δημιουργείται μία δομή δεδομένων όπου ο κάθε κόμβος της περιέχει όνομα συνδρομητή και τηλέφωνο  $(O_i, T_i)$ . Οι κόμβοι της δομής

δεδομένων είναι συνεχόμενοι  $(O_1, T_1), (O_2, T_2) \dots (O_n, T_n)$ .

Διαβάζοντας ο αλγόριθμος ένα όνομα κάνει αναζήτηση ώστε να το εντοπίσει σε κάποιο κόμβο το συγκεκριμένο όνομα και να εμφανίσει απ' αυτόν το συγκεκριμένο τηλέφωνο.

## Λύση 2η

Η ίδια μορφή δομής δεδομένων μόνο που οι κόμβοι είναι ταξινομημένοι βάση του ονόματος κατά αύξουσα σειρά. Επίσης δημιουργείται

και μία δεύτερη δομή δεδομένων όπου κάθε κόμβος της περιέχει το γράμμα του αλφαβήτου και τη θέση του ονόματος που αρχίζει μ' αυτό το γράμμα στη πρώτη δομή δεδομένων, και εδώ οι κόμβοι είναι ταξινομημένοι κατά αύξουσα σειρά.

$(A_1, 1_1), (B_2, 4_2), (\Gamma_3, 9_3) \dots (\Omega_{24}, 100_{24})$

$(\text{Ανδριανού}_1, 210434..1) \dots (\text{Βασιλείου}_4, 32323..4) \dots$   
 $\dots (\text{Γρηγοριάδη}_9, 32323..9) \dots (\text{Ωνάση}_{100}, 210424..100)$



Η **στατική δομή δεδομένων** έχει σταθερό αριθμό κόμβων που καταλαμβάνουν συνεχόμενες θέσεις στη μνήμη ενός υπολογιστή. Το μέγεθός της ορίζεται στην **αρχή του προγράμματος** (κατά τη μετάφραση)



Οι **δυναμικές δομές δεδομένων** όπου οι κόμβοι τους δεν καταλαμβάνουν (απαραίτητα) συνεχόμενες θέσεις μνήμης στον υπολογιστή και μπορούν να αλλάξουν το πλήθος των κόμβων τους (αλλάζοντας και το μέγεθος της δομής). Το μέγεθός της δεν ορίζεται στην αρχή του προγράμματος αλλά εκτελείται **δυναμική παραχώρηση μνήμης κατά τη λειτουργία του προγράμματος**

## 3.3 Πίνακες

Πίνακας είναι μία δομή δεδομένων συνήθως στατική που περιέχει δεδομένα του ίδιου τύπου. Ανάλογα με τη διάσταση συνήθως χρησιμοποιούμε:

**μονοδιάστατος**

$\Sigma_1$	$\Sigma_2$	$\Sigma_3$	$\Sigma_4$	$\Sigma_5$
------------	------------	------------	------------	------------

**δισδιάστατος**

$\Sigma_{11}$	$\Sigma_{12}$	$\Sigma_{13}$	$\Sigma_{14}$	$\Sigma_{15}$
$\Sigma_{21}$	$\Sigma_{22}$	$\Sigma_{23}$	$\Sigma_{24}$	$\Sigma_{25}$
$\Sigma_{31}$	$\Sigma_{32}$	$\Sigma_{33}$	$\Sigma_{34}$	$\Sigma_{35}$



Δίνεται μονοδιάστατος πίνακας `table` 100 θέσεων που περιέχουν αριθμούς. Να σχεδιαστεί αλγόριθμος που να βρίσκει το ελάχιστο στοιχείο του.

	12	0	-5	123	..	..	..	..	..
$i$ :	1	2	3	4	.....				100

Αλγόριθμος Ελαχ\_Πίνακα

Δεδομένα // `table` //

`min` ← `table[ 1 ]`

Για  $i$  από 2 μέχρι 100

    Αν `table[ i ]` < `min` τότε `min` ← `table[ i ]`

Τέλος\_επανάληψης

Αποτελέσματα // `min` //

Τέλος Ελαχ\_Πίνακα



Δίνεται ο δισδιάστατος πίνακας `table` με  $m$  γραμμές και  $n$  στήλες. Να βρεθεί το άθροισμα κατά γραμμή, κατά στήλη και συνολικά.

<b>table</b>	4	16	5	21	7	53	<b>row</b>
	28	9	38	13	51	139	
	17	67	22	40	30	176	
	20	40	10	3	13	86	
	21	34	48	29	26	158	
<b>col</b>	90	166	123	106	127	<b>612</b>	<b>sum</b>

Αλγόριθμος Αθρ\_Πίνακα

Δεδομένα // m, n, table//

sum ← 0 ! Αθροιστής για όλα τα στοιχεία του πίνακα table

Για i από 1 μέχρι m

row[i] ← 0 ! Δίνει αρχική τιμή μηδέν στον πίνακα row που

Τέλος\_επανάληψης ! θα περιέχει το άθροισμα των γραμμών

Για j από 1 μέχρι n

col[j] ← 0 ! Δίνει αρχική τιμή μηδέν στον πίνακα col που

Τέλος\_επανάληψης ! θα περιέχει το άθροισμα των στηλών

Για i από 1 μέχρι n ! Το i δείκτης για τις στήλες

Για j από 1 μέχρι m ! Το j δείκτης για τις γραμμές

sum ← sum + table[j, i]

row[j] ← row[j] + table[j, i]

col[i] ← col[i] + table[j, i]

Τέλος\_επανάληψης

Τέλος\_επανάληψης

Αποτελέσματα // row, col, sum//

Τέλος Αθρ\_Πίνακα



Σε μία εταιρεία εργάζονται 200 υπάλληλοι και είναι γνωστός ο μισθός του καθενός. Να χρησιμοποιηθεί η δομή του πίνακα για να αποθηκεύονται οι μισθοί των υπαλλήλων και να βρεθεί ο κατάλληλος αλγόριθμος υπολογισμού του μεγαλύτερου μισθού.

Αλγόριθμος Μεγαλύτερος\_μισθός

Διάβασε μισθός[1]

MAX ← μισθός[1]

Για i από 2 μέχρι 200

    Διάβασε μισθός[ i ]

    Αν MAX < μισθός[i] Τότε MAX ← μισθός[ i ]

Τέλος\_επανάληψης

Αποτελέσματα // MAX //

Τέλος Μεγαλύτερος\_μισθός





Σε ένα Λύκειο υπάρχουν τρία τμήματα για την Γ' Λυκείου και κάθε τμήμα έχει 35 μαθητές. Να γραφεί αλγόριθμος που θα διαβάζει το μέσο όρο βαθμολογίας κάθε μαθητή και θα υπολογίζει το γενικό μέσο όρο βαθμολογίας για όλη την τάξη της Γ' Λυκείου.

## Αλγόριθμος Μέσος\_Όρος

$\Sigma \leftarrow 0$

Για  $i$  από 1 μέχρι 105

    Διάβασε  $M[i]$

$\Sigma \leftarrow \Sigma + M[i]$

Τέλος\_επανάληψης

$MO \leftarrow \Sigma / 105$

Αποτελέσματα //  $MO$  //

Τέλος Μέσος\_Όρος



Έστω ότι δίνονται δύο δισδιάστατοι πίνακες A και B διαστάσεων 5Χ5 ο καθένας. Να γραφεί αλγόριθμος που θα διαβάζει τα στοιχεία των πινάκων και θα υπολογίζει το άθροισμά τους το οποίο θα αποθηκεύεται σε ένα νέο πίνακα.

## Αλγόριθμος Άθροισμα\_Πινάκων

Για i από 1 μέχρι 5

    Για j από 1 μέχρι 5

        Διάβασε A[i,j], B[i,j]

$C[i,j] \leftarrow A[i,j] + B[i,j]$

        Τέλος\_επανάληψης

    Τέλος\_επανάληψης

Αποτελέσματα // C //

Τέλος Μέσος\_Όρος



Ο αριθμός των συνδυασμών  $N$  πραγμάτων ανά  $K$  ομάδες δίνεται από τον τύπο  $N! / K!(N-K)!$

π.χ. αν  $N=10$  πράγματα ανά ομάδες των  $K=5$

$$\frac{10!}{5!(10-5)!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times \cancel{5} \times \cancel{4} \times \cancel{3} \times \cancel{2} \times \cancel{1}}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times \cancel{5} \times \cancel{4} \times \cancel{3} \times \cancel{2} \times \cancel{1}}$$

Αλγόριθμος Συνδυασμοί

Διάβασε  $N, K$

$\alpha \leftarrow 1$

Για  $i$  από  $N$  μέχρι  $N-K+1$  Με\_βήμα  $-1$

$\alpha \leftarrow \alpha * i$

Τέλος\_επανάληψης

$\beta \leftarrow 1$

Για  $i$  από  $1$  μέχρι  $K$

$\beta \leftarrow \beta * i$

Τέλος\_επανάληψης

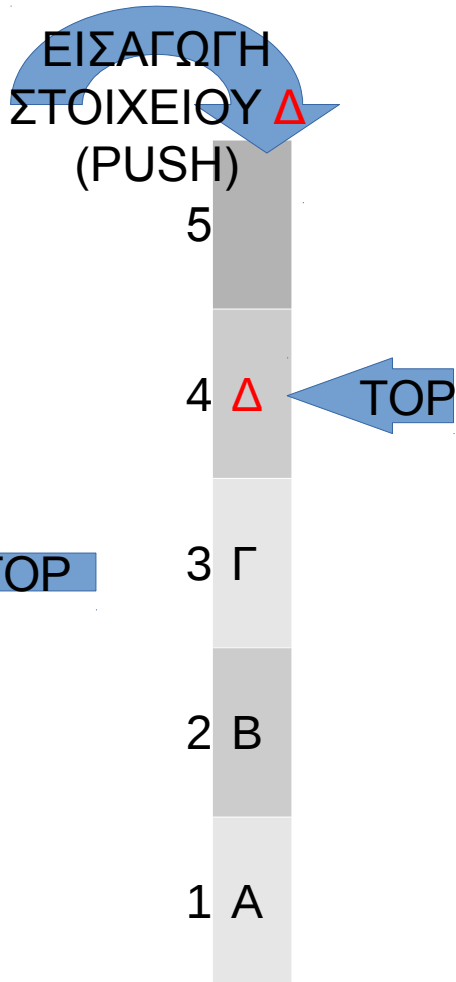
Αποτελέσματα //  $\alpha / \beta$  //

Τέλος Συνδυασμοί

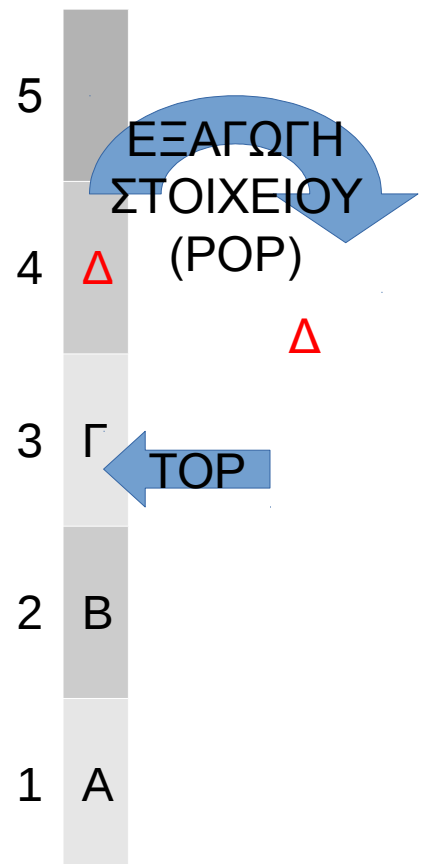
# 3.4 ΣΤΟΙΒΑ

## Last In First Out

Έλεγχος για  
υπερχείλιση  
overflow



Έλεγχος για  
υποχείλιση  
underflow





Σε μία στοίβα εισάγονται μία μόνο φορά τρία στοιχεία τα Α,Β,Γ με τη σειρά που αναφέρονται, τα οποία αργότερα εξάγονται. Όμως οι εξαγωγές μπορούν να συμβούν οποτεδήποτε μεταξύ ή μετά τις εισαγωγές. Πόσες και ποιες είναι όλες οι πιθανές διατάξεις - αλληλοδιαδοχές στοιχείων (Α,Β,Γ) που μπορούμε να πάρουμε;

Το πλήθος των διατάξεων 3 στοιχείων είναι  $3!=6$

Συγκεκριμένα **ΑΒΓ, ΑΓΒ, ΒΑΓ, ΒΓΑ, ΓΒΑ και ΓΑΒ**

**Η ΓΑΒ** όμως δεν γίνεται αφού όταν εισάγονται τα στοιχεία στη στοίβα είναι πάντα με τη σειρά **ΑΒΓ**.

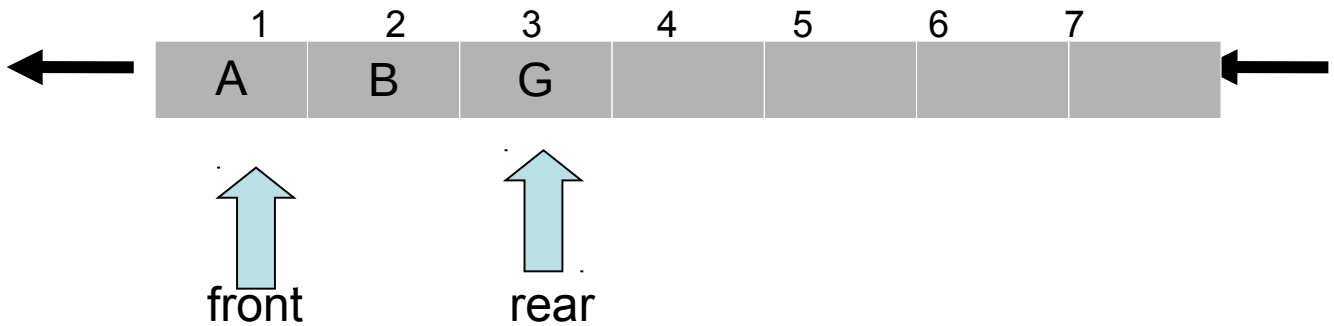
- |  |   |            |
|--|---|------------|
| <b>1:</b> Εισ. Α, Εξ Α, Εισ. Β, Εξ Β, Εισ. Γ, Εξ Γ | : | <b>ΑΒΓ</b> |
| <b>2:</b> Εισ. Α, Εξ Α, Εισ. Β, Εισ. Γ, Εξ Γ, Εξ Β | : | <b>ΑΓΒ</b> |
| <b>3:</b> Εισ. Α, Εισ. Β, Εξ Β, Εξ Α, Εισ. Γ, Εξ Γ | : | <b>ΒΑΓ</b> |
| <b>4:</b> Εισ. Α, Εισ. Β, Εξ Β, Εισ. Γ, Εξ Γ, Εξ Α | : | <b>ΒΓΑ</b> |
| <b>5:</b> Εισ. Α, Εισ. Β, Εισ. Γ, Εξ Γ, Εξ Β, Εξ Α | : | <b>ΓΒΑ</b> |

Η απάντηση τελικά είναι 5 διατάξεις :**ΑΒΓ , ΑΓΒ, ΒΑΓ, ΒΓΑ, ΓΒΑ**

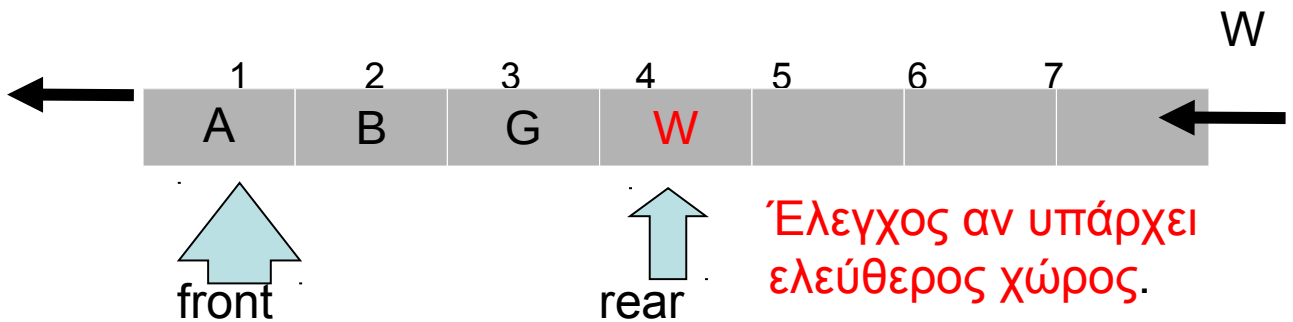
# 3.5 Ουρά

## First In First Out

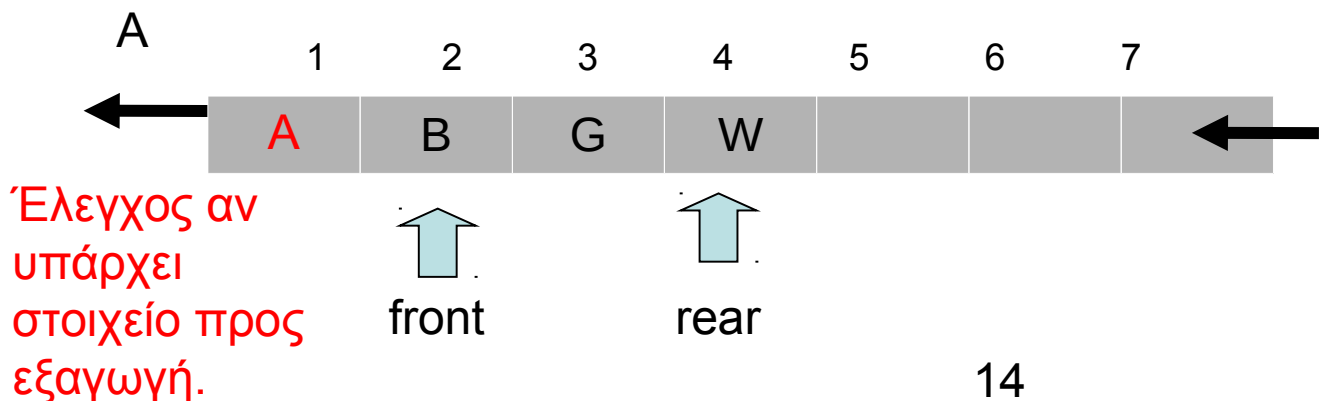
Η Ουρά με τρία στοιχεία



### Λειτουργία εισαγωγής (enqueue)



### Λειτουργία εξαγωγής (dequeue)





ΔΤ4\_σελ34\_τετ\_μαθ:

Να δοθούν οι αλγόριθμοι εισαγωγής και εξαγωγής μιας ουράς μεγέθους 100 στοιχείων

**Αλγόριθμος** Εισαγωγή\_στοιχείου\_σε\_ουρά

**Δεδομένα** //item,queue,rear//

**Αν** rear<100 **Τότε**

rear ← rear+1

queue [rear] ←item

done ←Αληθής

**Αλλιώς**

done ← Ψευδής

**Τέλος\_Αν**

**Αποτελέσματα** //rear,done,queue//

**Τέλος** Εισαγωγή\_στοιχείου\_σε\_ουρά

**Αλγόριθμος** Εξαγωγή\_στοιχείου\_από\_ουρά

**Δεδομένα** //queue,front,rear//

**Αν** rear ≥ front **Τότε**

item ← queue[front]

front ←front+1

done ←Αληθής

**Αλλιώς**

done ← Ψευδής

**Τέλος\_Αν**

**Αποτελέσματα** //item,done,front//

**Τέλος** Εισαγωγή\_στοιχείου\_σε\_ουρά

# 3.6 Σειριακή Αναζήτηση.

1	3	5	-1	123	6	38
---	---	---	----	-----	---	----

Αλγόριθμος Sequential\_search

Δεδομένα //n, table, key//! n μέγεθος πίνακα table

! key στοιχείο προς αναζήτηση

! table μονοδιάστατος αταξινόμητος πίνακας

! ακέραιων αριθμών

done ← ψευδής

position ← 0

i ← 1

Όσο (done=ψευδής) και (i≤n) Επανάλαβε

Αν table[i] = key τότε

done ← αληθής

position ← i

αλλιώς ! \*Η περίπτωση αλλιώς δεν χρειάζεται

i ← i + 1

Τέλος\_αν

Τέλος\_επανάληψης

Αποτελέσματα //done, position//

Τέλος Sequential\_search

Να υπάρχει το  
στοιχείο και σε ποια  
θέση;





# 3.6 Σειριακή Αναζήτηση.

1	3	5	-1	5	6	3
---	---	---	----	---	---	---

Αλγόριθμος Sequential\_search

Δεδομένα //n, table, key//! n μέγεθος πίνακα table

! key στοιχείο προς αναζήτηση

! table μονοδιάστατος αταξινόμητος πίνακας

! ακέραιων αριθμών

position ← 0

i ← 1

Όσο  $i \leq n$  Επανάλαβε

    Αν  $table[i] = key$  τότε

        Εμφάνισε "Υπάρχει στη θέση:", i

        position ← i

    Τέλος\_αν

    i ← i + 1

Τέλος\_επανάληψης

Αν position = 0 τότε Εμφάνισε "ΤΟ ΣΤΟΙΧΕΙΟ ΔΕΝ ΥΠΑΡΧΕΙ"

Τέλος Sequential\_search

Ένα στοιχείο μπορεί να υπάρχει σε περισσότερες από μία θέσεις.



# 3.6 Σειριακή Αναζήτηση.

-1	1	3	3	5	5	6
----	---	---	---	---	---	---

Αλγόριθμος Sequential\_search

Δεδομένα //n, table, key//! n μέγεθος πίνακα table

! key στοιχείο προς αναζήτηση

! table μονοδιάστατος ταξινομημένος πίνακας

! ακέραιων αριθμών

position ← 0

i ← 1

Όσο  $i \leq n$  Επανάλαβε

Αν  $table[i] = key$  τότε

Εμφάνισε "Υπάρχει στη θέση:", i

position ← i

Αλλιώς

ΑΝ  $key < table[i]$  τότε

i ← n + 1

Τέλος\_αν

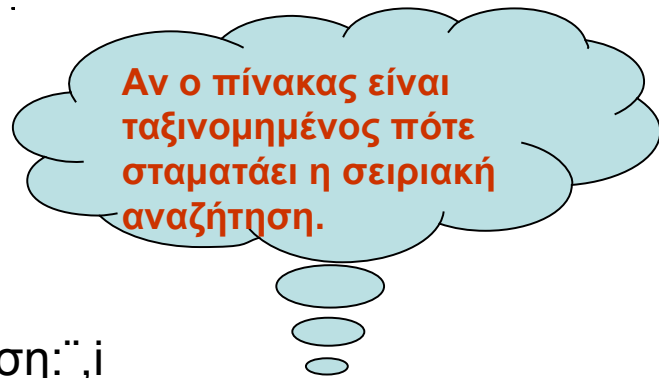
Τέλος\_αν

i ← i + 1

Τέλος\_επανάληψης

Αν position = 0 τότε Εμφάνισε "ΤΟ ΣΤΟΙΧΕΙΟ ΔΕΝ ΥΠΑΡΧΕΙ"

Τέλος Sequential\_search



# 3.6 Σειριακή Αναζήτηση.

Είναι η απλούστερη μέθοδος αναζήτησης αλλά και η λιγότερο αποτελεσματική.

Χρησιμοποιείται συνήθως:



Όταν ο πίνακας είναι αταξινόμητος.



Όταν ο πίνακας είναι μικρού μεγέθους.



Όταν η αναζήτηση στον συγκεκριμένο πίνακα γίνεται σπάνια.

# 3.6 Δυναδική Αναζήτηση.

<i>A</i>	1	3	5	13	13	36	38
----------	---	---	---	----	----	----	----

*S* *I* *E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*S* *I* *E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*S*/*E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

Σε ποια θέση  
υπάρχει  
το 5



*A*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*S* *I* *E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*S* *I* *E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*S*/*E*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

*E* *S*

1	3	5	13	13	36	38
---	---	---	----	----	----	----

Σε ποια θέση  
υπάρχει  
το 12



## 3.6 Δυαδική Αναζήτηση.

A							
	1	3	5	13	13	36	38
	S			I			E

ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ Δυαδική\_αναζήτηση

ΔΕΔΟΜΕΝΑ // A, N // ! Ο πίνακας A με N ταξινομημένα κατά αύξουσα σειρά  
στοιχεία

ΔΙΑΒΑΣΕ X ! Το X στοιχείο προς αναζήτηση

S ← 1

E ← N

ΘΕΣΗ ← 0 ! Περιέχει τη θέση του X στον A. Αν είναι 0 σημαίνει ότι δεν υπάρχει

I ← 0 ! στον A

ΟΣΟ S ≤ E ΕΠΑΝΑΛΑΒΕ

I ← (S + E) / 2 ! Θεώρησε μόνο το ακέραιο μέρος της διαίρεσης

ΑΝ X=A[I] ΤΟΤΕ

ΘΕΣΗ ← I

S ← E+1

ΑΛΛΙΩΣ\_ΑΝ X<A[I] ΤΟΤΕ

E ← I - 1

ΑΛΛΙΩΣ

S ← I + 1

ΤΕΛΟΣ\_ΑΝ

ΤΕΛΟΣ\_ΕΠΑΝΑΛΗΨΗΣ

ΑΠΟΤΕΛΕΣΜΑΤΑ //ΘΕΣΗ//

ΤΕΛΟΣ Δυαδική\_αναζήτηση

# 3.7 ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΗ

## Αλγόριθμος Φυσσαλίδας

	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9
1	52	5	5	5	5	5	5	5
2	12	52	10	10	10	10	10	10
3	71	12	52	12	12	12	12	12
⋮	56	71	12	52	19	19	19	19
⋮	5	56	71	19	52	45	45	45
⋮	10	10	56	71	45	52	52	52
⋮	19	19	19	56	71	56	56	56
⋮	90	45	45	45	56	71	71	71
⋮	45	90	90	90	90	90	90	90

Αλγόριθμος Φυσσαλίδα

Δεδομένα // table, n //

Για i από 2 μέχρι n

    Για j από n μέχρι i με\_βήμα -1

        Αν  $table[j - 1] > table[j]$  τότε

            αντιμετάθεσε  $table[j - 1]$ ,  $table[j]$

        Τέλος\_αν

    Τέλος\_επανάληψης

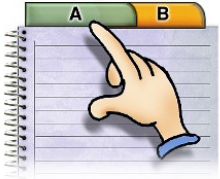
Τέλος\_επανάληψης

Αποτέλεσμα // table //

Τέλος Φυσσαλίδα

# 3.7 ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΗ

## Αλγόριθμος Φυσσαλίδας



table

	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7
1	52	5	5	5	5	5
2	12	52	10	10	10	10
3	71	12	52	12	12	12
..	56	71	12	52	19	19
..	5	56	71	19	52	45
..	10	10	56	71	45	52
..	19	19	19	56	71	56
..	90	45	45	45	56	71
∞	45	90	90	90	90	90

Αλγόριθμος Φυσσαλίδα\_ΔΤ2\_σελ33

Δεδομένα // table, n //

$i \leftarrow -2$

Αρχή\_επανάληψης

flag  $\leftarrow 0$

Για j από n μέχρι i με\_βήμα -1

Αν table[j-1] > table[j] τότε

m  $\leftarrow$  table[j-1] !Η εντολή αντιμετάθεσης τιμών με

table[j-1]  $\leftarrow$  table[j] ! χρήση μίας βοηθητικής

table[j]  $\leftarrow$  m !μεταβλητής

flag  $\leftarrow 1$

Τέλος\_αν

Τέλος\_επανάληψης

$i \leftarrow i+1$

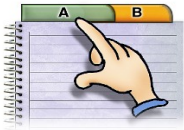
Μέχρις\_ότου (flag = 0) ή (i > n)

Αποτέλεσμα // table //

Τέλος Φυσσαλίδα\_ΔΤ2\_σελ33

# 3.7 ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΗ

## Με Επιλογή



table

1  
2  
3  
.  
.  
.  
n

	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8
1	52	5	5	5	5	5	5	5
2	12	12	10	10	10	10	10	10
3	71	71	71	12	12	12	12	12
.	56	56	56	56	19	19	19	19
.	5	52	52	52	52	45	45	45
.	10	10	12	71	71	71	52	52
.	19	19	19	19	56	56	56	56
.	90	90	90	90	90	90	90	71
n	45	45	45	45	45	52	71	90

Αλγόριθμος Ταξινόμηση\_με\_επιλογή

Δεδομένα // table, n //

Για i από 1 μέχρι n-1

    k ← i

    x ← table[ i ]

    Για j από i+1 μέχρι n

        Αν x > table[ j ] τότε

            x ← table[ j ]

            k ← j

        τέλος\_αν

    τέλος\_επανάληψης

    table[ k ] ← table[ i ]

    table[ i ] ← x

τέλος\_επανάληψης

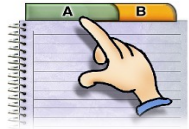
Αποτέλεσμα // table //

Τέλος Ταξινόμηση\_με\_επιλογή



# 3.7 ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΗ

## Με απ' ευθείας παρεμβολή



A

	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9
1	52	52	52	71	71	71	71	90
2	12	12	12	52	56	56	56	71
3	71	71	71	12	52	52	52	56
⋮	56	56	56	56	12	12	19	52
⋮	5	5	5	5	5	10	12	19
⋮	10	10	10	10	10	5	10	12
⋮	19	19	19	19	19	19	5	10
⋮	90	90	90	90	90	90	90	5
n	45	45	45	45	45	45	45	45

Αλγόριθμος Ταξινόμηση\_με\_ευθεία\_παρεμβολή

Δεδομένα // A, n //

Για i από 2 μέχρι n

$\chi \leftarrow A[i]$

$\kappa \leftarrow i$

    t ← ΑΛΗΘΗΣ

    Όσο t ΚΑΙ  $\kappa > 1$  Επανάλαβε

        ΑΝ  $\chi > A[\kappa - 1]$  ΤΟΤΕ

$A[\kappa] \leftarrow A[\kappa - 1]$

$\kappa \leftarrow \kappa - 1$

        ΑΛΛΙΩΣ

            t ← ΨΕΥΔΗΣ

    ΤΕΛΟΣ\_ΑΝ

    ΤΕΛΟΣ\_ΕΠΑΝΑΛΗΨΗΣ

$A[\kappa] \leftarrow \chi$

τέλος\_επανάληψης

Αποτέλεσμα // A //

Τέλος Ταξινόμηση\_με\_ευθεία\_παρεμβολή

## 3.9 Άλλες δομές δεδομένων



Οι δομές δεδομένων που χρησιμοποιούν δείκτες έτσι ώστε να μην απαιτείται εκ των προτέρων καθορισμός του μέγιστου αριθμού κόμβων ονομάζονται δυναμικές. Οι κόμβοι σ' αυτές δεν είναι απαραίτητα σε συνεχόμενες θέσης της μνήμης.



Λίστες



Δένδρα



Γράφοι

# 3.9 Άλλες δομές δεδομένων Λίστα

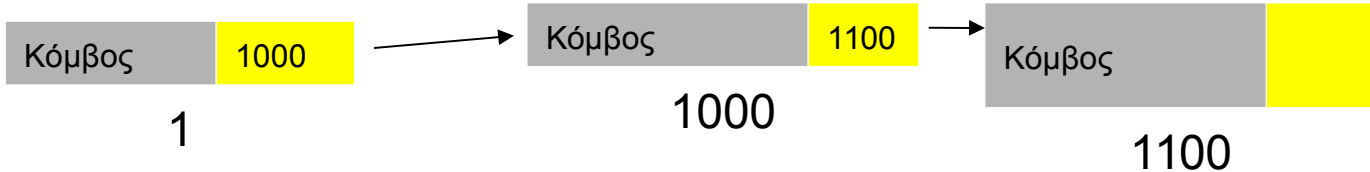
Ο δείκτης στις γλώσσες προγραμματισμού είναι ένας ιδιαίτερος τύπος δεδομένων με τιμές διευθύνσεις της κύριας μνήμης

## ΚΟΜΒΟΣ ΛΙΣΤΑΣ

Δεδομένα

Δείκτης

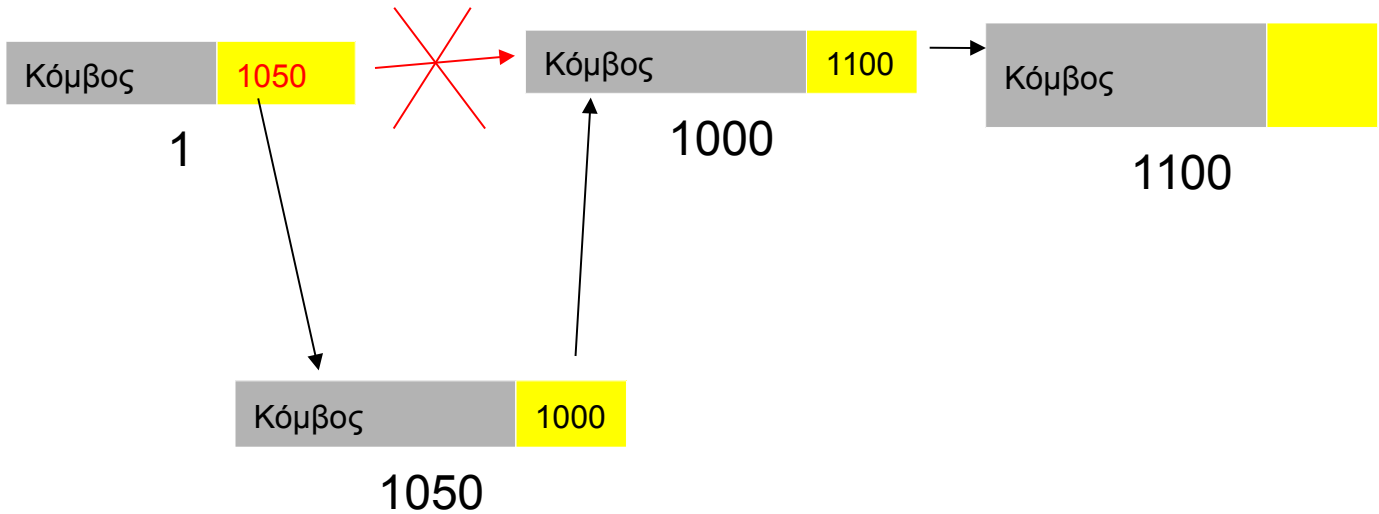
Μία ή περισσότερες αριθμητικές ή αλφαριθμητικές πληροφορίες



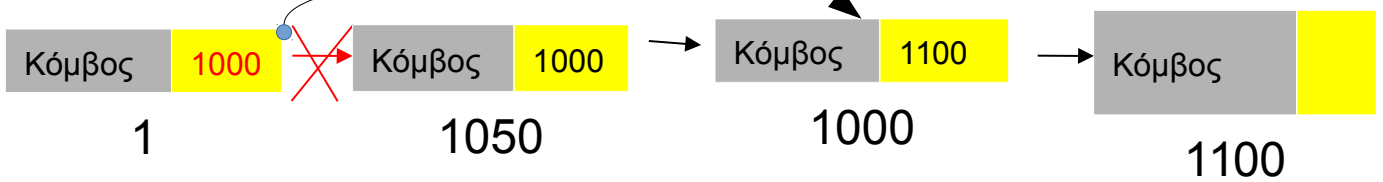
# 3.9 Άλλες δομές δεδομένων

## Λίστα

Εισαγωγή – παρεμβολή νέου κόμβου



Διαγραφή κόμβου

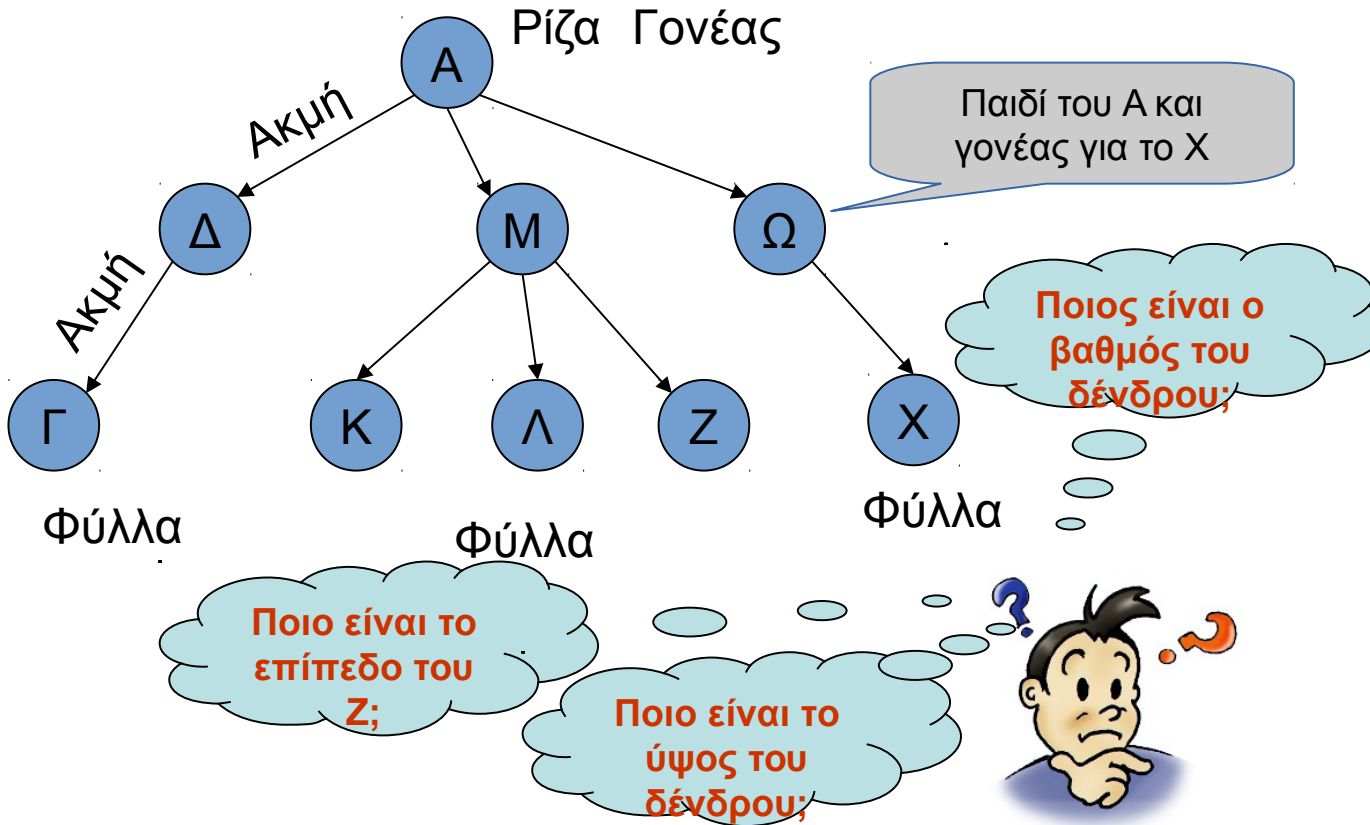


# 3.9 Άλλες δομές δεδομένων Δένδρα



Δένδρο είναι ένα πεπερασμένο σύνολο κόμβων (ίδιου τύπου) και ακμών που συνδέουν τους κόμβους με βάση κάποια ιεραρχική σχέση.

- ☀️ Βαθμός κόμβου είναι ο αριθμός των παιδιών του.
- ☀️ Βαθμός δένδρου είναι ο μέγιστος βαθμός από όλους τους κόμβους.
- ☀️ Φύλλα ή τερματικοί είναι οι κόμβοι από τους οποίους δεν ξεκινάνε ακμές.
- ☀️ Επίπεδο κόμβου είναι το πλήθος των προγόνων του. Η ρίζα έχει επίπεδο 0
- ☀️ Ύψος δένδρου είναι το μέγιστο επίπεδο από όλους τους κόμβους.



## 3.9 Άλλες δομές δεδομένων Γράφοι



Γράφος είναι ένα πεπερασμένο σύνολο κόμβων (ίδιου τύπου) και ακμών που συνδέουν τους κόμβους χωρίς κάποια ιεραρχία. Αποτελούν την πιο γενική μορφή δομής δεδομένων, επομένως οι προηγούμενες δομές είναι υποπεριπτώσεις των γράφων.

